# 17. 분자의 대칭성

## 1. $C_{3v}$ 점군의 주축 : ②

 $\mathrm{NH_3}$ 의 비공유 전자쌍을 중심으로  $\mathrm{N-H}$  결합이  $120^\circ$ 를 돌리면 구분할 수 없으므로  $C_3$  주축을 가지고 있다. 축이 여러 개 있을 경우, 주축은  $\frac{360^\circ}{n}$ 에서 n 값이 가장 큰 경우를 가리킨다.

### 2. 반전 중심 : ①

반전은 기하학적으로 보면 원점 대칭과 같은데, 이산화 탄소( $\mathrm{CO}_2$ )의 반전 중심은 탄소 원자에 있다.

### 3. 벤젠의 거울면 : ③

벤젠은 각 탄소 원자가 정육각형을 이루고 있고, 탄소 원자가 수소 원자를 같은 평면에서 결합하고 있다. 주축( $C_6$ )을 포함하는 6개의 거울면이 있고, 각 원자를 포함하는 면을 수평면으로 자르는 거울면이 하나 있다.

## 4. $C_{2v}$ 와 $C_{3v}$ 점군의 예 : ④

HCHO와  $H_2O$ 는  $C_{2n}$  점군에 속하고,  $NH_3$ ,  $POCl_3$  등의 분자는  $C_{3n}$  점군에 속한다.

### 5. 점군에 포함되는 대칭 조작 : ⑤

 $\mathrm{CH_4}$ 는  $T_d$  점군에 해당하는데,  $T_d$  점군은 E,  $C_2$ ,  $C_3$ ,  $S_4$ ,  $\sigma_d$ 를 가지며 반전 중심(i)은 가지지 않는다.

## 6. 알렌 $(CH_2 = C = CH_2)$ 의 대칭성 : ①

중앙 탄소를 중심으로 양쪽의  $= CH_2$ 는 서로  $90^\circ$ 를 이루며,  $S_4$  대칭 요소를 가진다.

## 7. C62의 의미 : ①

 $C_6^2$ 의 경우  $C_6$ 를 두 번 거듭 작용한 것인데,  $C_6$ 가 시계 방향으로  $60^\circ$  회전한 것이므로 시계 방향으로  $120^\circ$  회전한 것은  $C_6^2$ 이다.

### 8. PCl<sub>5</sub>의 C<sub>2</sub>축 : ③

 $PCl_5$ 는 삼각쌍뿔 구조를 가지고 있는데,  $C_2$ 축이 적도면에서 3개를 가지고 있다.

## 9. 원자 오비탈 : ②

반전 중심(i)을 가지고 있는 원자 오비탈은 p 오비탈로서 반전 중심은 핵 위치에 있다.

### 10. 반전 중심의 위치 : ⑤

 $H_2O$ ,  $PCl_5$ ,  $CH_3CH_2CH_3$  분자에는 반전 중심이 없고  $CO_2$ ,  $CH_2CH_2$ 는 반전 중심이 있으며,  $CO_2$ 에는 탄소 원자에 반전 중심이 있고,  $CH_2=CH_2$ 의 반전 중심은 탄소 사이의 이중 결합에 있다.

#### 11. 120° 회전 : ①

주축에서  $120^{\circ}$ 를 회전시켜 구분할 수 없는 경우는  $C_3$ 축을 가지고 있다.  $PCl_3$ 는  $NH_3$ 와 마찬 가지로  $C_{3\pi}$  점군을 가지므로  $120^{\circ}$  회전시켜 구분할 수 없다.

#### 12. 회전 반사 조작 : ③

에틸렌( $\mathrm{CH_2} = \mathrm{CH_2}$ )에는  $S_4(90°$  회전 반사 조작)가 없다.

### 13. 팔면체의 대칭 요소 : ④

 $SF_6$ 는 팔면체형이므로 점군은  $O_b$ 인데,  $O_b$ 의 대칭 요소로는  $C_2$ ,  $C_3$ ,  $C_4$ ,  $S_4$ ,  $\sigma$ , i가 있다.

## 14. S<sub>4</sub> 조작 : ②

 $S_4$  조작은  $\frac{360^\circ}{n}$ =90° 회전시킨 다음  $\sigma_h$ 에 대칭시킨 것이다.

## 15. T<sub>d</sub>의 대칭 요소 : ⑤

 $T_d$  점군의 대표적 예로는  $\mathrm{CH}_4$ 를 들 수 있다.  $T_d$  점군(point group)에서는 반전인 i는 가지지 않는다.

## 16. 대칭 조작 : ⑤

동등 조작(E)은 분자에 어떤 조작도 가하지 않은 것으로 수학적 필요에 의해 도입된 것이다. 회전 조작( $C_n$ )은  $\frac{360^\circ}{n}$ 로 축을 결정할 수 있고, 반사 조작( $\sigma$ )은 거울면에 비춘 것을 생각하면된다. 회전 반사 조작( $S_n$ )은  $\frac{360^\circ}{n}$ 로 회전시키고 거울면( $\sigma_h$ )에 반사시킨 것을 뜻하고, 반사 반전 조작은 존재하지 않지만, 반전 조작(i)은 존재할 수 있다.

### 17. H<sub>2</sub>O 대칭 요소 : ⑤

 $C_{2n}$  점군에 있는 대칭 요소는 E,  $C_2$ ,  $\sigma_n$ ,  $\sigma_n'$ 으로 나타낼 수 있다.

# 18. C<sub>6</sub>의 회전 각도 : ③

 $C_6$ 는  $\frac{360^{\circ}}{6} = 60^{\circ}$ 이다.  $60^{\circ}$ 를 회전시키면 처음 분자와 같아 구분할 수 없다.

### 19. 반전 조작(i): ①

반전 조작은 수학적으로는 원점 대칭과 같고, 반전 중심은 원자 사이 결합 위에 있을 수도 있으며, 원자 위에 있을 수도 있다.

### 20. 거울상 이성질체의 점군 : ①

사면체형이면서 카이랄 탄소를 가지고 있는 경우 거울상 이성질체(광학 이성질체)를 가질 수 있고  $360^{\circ}$  회전시켜야 같은 모습을 볼 수 있으므로  $C_1$  점군으로 분류한다.

### 21. 대칭성 : ②

 $C_2^2$  조작은  $120^\circ$  회전을 2회 조작한 것이므로  $240^\circ$  회전시킨 것이다.

## 22. CH4의 점군 : ③

몇 가지 주요 분자의 점군의 예를 들면,  $C_{2v}$  점군에는  $H_2O$ ,  $C_{3v}$  점군에는  $NH_3$ ,  $D_{6h}$  점군에는 벤젠 $(C_6H_6)$ ,  $O_h$  점군은 팔면체형을 뜻하므로  $SF_6$ 를 들 수 있다.

### 23. 삼각쌍뿔의 대칭성 : ④

 $PCl_5$ 를 생각하면 적도면에 있는 세 개의 염소(Cl) 원자와 인(P)을 포함하는 거울면( $\sigma_h$ )을 포함하고 있는데,  $\sigma_h$  위쪽의 Cl 원자와 아래쪽의 Cl 원자는 서로 대칭이다.

## 24. 점군과 대칭 요소 : ③

SiCl<sub>4</sub>의 점군은  $T_d$ 로 대칭 요소는 E,  $C_3$ ,  $C_2$ ,  $S_4$ ,  $\sigma_d$ ,  $\sigma_h$ 이고, SF<sub>6</sub>의 점군은  $O_h$ 이므로 가지고 있는 대칭 요소는 E,  $C_4$ ,  $C_3$ ,  $C_2$ , i,  $S_6$ ,  $S_4$ ,  $\sigma_h$ ,  $\sigma_d$ 이다.

### 25. 암모니아와 물 분자 대칭성의 공통성 : ①

암모니아(NH $_3$ )는  $C_{3v}$  점군으로 E,  $C_3$ ,  $\sigma$  대칭 요소를 가지고, 물(H $_2$ O)의 점군은  $C_{2v}$ 로 E,  $C_2$ ,  $\sigma$  대칭 요소를 가지므로, 동등 조작(E)을 제외하면 공통적으로는 거울면( $\sigma$ )이 있다.

## 26. PCl<sub>2</sub>의 대칭성 : ②

 $PCl_3$ 는  $C_{3v}$  점군에 속하고, E,  $C_3$ ,  $\sigma_v$  대칭 요소를 가진다. 주축은  $C_3$ 이고, 주축에 수직인  $C_2$  축은 없다.

#### 27. S<sub>6</sub>를 가진 분자 : ④

점군으로  $PF_5$ 는  $D_{3h}$ ,  $SF_4$ 는  $C_{2v}$ , 톨루엔은  $C_6H_5CH_3$ 이고  $C_{2v}$  점군이다. 사이클로헥세인  $(C_6H_{12})$ 의 점군은 안정한 의자형이  $D_{3d}$ 에 해당한다. 엇갈린 형태의 ethane은  $S_6$ 를 가진다.